



Design de l'isolation des parois pour améliorer l'efficacité énergétique

William Dumontaud, Julien Berger, Benjamin Kadoch

► To cite this version:

William Dumontaud, Julien Berger, Benjamin Kadoch. Design de l'isolation des parois pour améliorer l'efficacité énergétique. 33ème Congrès Français de Thermique Thermique, Énergies renouvelables et Territoires, LOCIE UMR 5271 - Université Savoie Mont-Blanc - CNRS, Jun 2025, Chambéry, France. hal-05141125

HAL Id: hal-05141125

<https://hal.science/hal-05141125v1>

Submitted on 2 Jul 2025

HAL is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.



Distributed under a Creative Commons Attribution 4.0 International License

Design de l'isolation des parois pour améliorer l'efficacité énergétique

Insulation domain design regarding wall energy efficiency

William DUMONTAUD^{1*}, Julien BERGER¹, Benjamin KADOCH²

¹Laboratoire des Sciences de l'Ingénieur pour l'Environnement (LaSIE), UMR 7356 CNRS, La Rochelle Université, CNRS

Pôle Sciences et Technologie - 17000 La Rochelle

² Aix-Marseille Université, CNRS, Laboratoire IUSTI

Technopôle de Château-Gombert - 13013 Marseille

* william.dumontaud@univ-lr.fr

Résumé - Ce travail propose une méthode innovante pour améliorer la performance énergétique des parois multicouches de bâtiments afin de minimiser leur consommation énergétique. Le problème direct repose sur la résolution d'une équation de transfert de chaleur 2D en régime transitoire, en utilisant le schéma de différences finies de DUFORT-FRANKEL. Les conditions aux limites incluent des échanges convectifs à l'intérieur, un couplage convection-rayonnement solaire à l'extérieur avec des coefficients variant dans le temps et l'espace. L'interface entre deux matériaux est modélisée par une fonction paramétrique permettant de décrire la distribution des propriétés thermiques. Une étude paramétrique explore la variation de la fonction objectif de design énergétique en fonction des paramètres de l'interface, identifiant ainsi des solutions intéressantes. Le cas de Chambéry est étudiée et les résultats montrent l'intérêt de cette approche.

Abstract - This work proposes a new numerical model to study innovative wall designs to reduce energy consumption. The model solves a 2D transient heat transfer equation using the finite difference scheme DUFORT-FRANKEL. After analysing the accuracy of the model, a parametric study was carried out to explore the variation of the objective energy design function regarding the interface parameters. A case study of the city of Chambéry demonstrates the value of this approach.

Nomenclature

T	température [K]	q_{∞}^L	flux solaire incident [W.m^{-2}]
t	temps [s]	h	coefficient convectif [$\text{W.m}^{-2}.\text{K}^{-1}$]
x	coordonnée spatiale horizontale [m]	c	capacité calorifique [$\text{J.m}^{-3}.\text{K}^{-1}$]
y	coordonnée spatiale verticale [m]	<i>Symboles grecs</i>	
H	hauteur de la façade [m]	γ	fonction d'interface [-]
L	largeur de la façade [m]	λ	conductivité thermique [$\text{W.m}^{-1}.\text{K}^{-1}$]

1. Introduction

L'efficacité énergétique des bâtiments est un défi majeur dans le contexte actuel de changement climatique et de transition écologique. L'enveloppe des bâtiments joue un rôle crucial dans la régulation thermique, et une conception optimisée peut contribuer à la réduction significative de la consommation énergétique. C'est pourquoi une modélisation précise des flux thermiques à travers l'enveloppe doit être réalisée. Néanmoins, malgré des décennies de développement de logiciels de simulation thermique, les modèles traditionnels supposent souvent que les murs des bâtiments sont constitués de couches planes modélisées suivant une dimension et soumis à

des conditions extérieures uniformes en espace. Une telle simplification néglige la répartition hétérogène des flux incidents sur l'enveloppe, et notamment radiatifs [1]. Pour répondre à ce défi, de nouveaux modèles numériques sont nécessaires [2, 3] afin de pouvoir traiter des parois aux conceptions plus avancées. Cet article présente ainsi un modèle numérique de différences finies résolvant un problème de diffusion thermique bidimensionnel en régime transitoire avec dépendance spatio-temporelle des conditions limites. Le modèle est adapté à une paroi bi-couches présentant une interface entre les matériaux constitutifs non plane.

2. Description du modèle

2.1. Problème physique

Le domaine physique, étudié dans un espace de coordonnées $\mathbf{x} = (x, y) \in \Omega_x$, représente une paroi en deux dimensions de hauteur H [m] et de largeur L [m], délimité par les frontières $\Gamma = \bigcup_{j=1}^4 \Gamma_j$. Comme exposé dans la Figure 1, Ω_x est constitué de deux sous-domaines Ω_1 et Ω_2 présentant chacun des propriétés thermiques distinctes et séparés par une interface Γ_i définie de la même façon que dans [3] :

$$\Gamma_i(\mathbf{p}) = \{\mathbf{x} \in \mathbb{R}^2 \mid x = \gamma(\mathbf{p}, y), y \in [0, H], \mathbf{p} \in \Omega_p\} \quad (1)$$

avec $\gamma(\mathbf{p}, y)$ une fonction régie par N_p paramètres : $\mathbf{p} = (p_1, \dots, p_{N_p}) \in \Omega_p$. On notera que

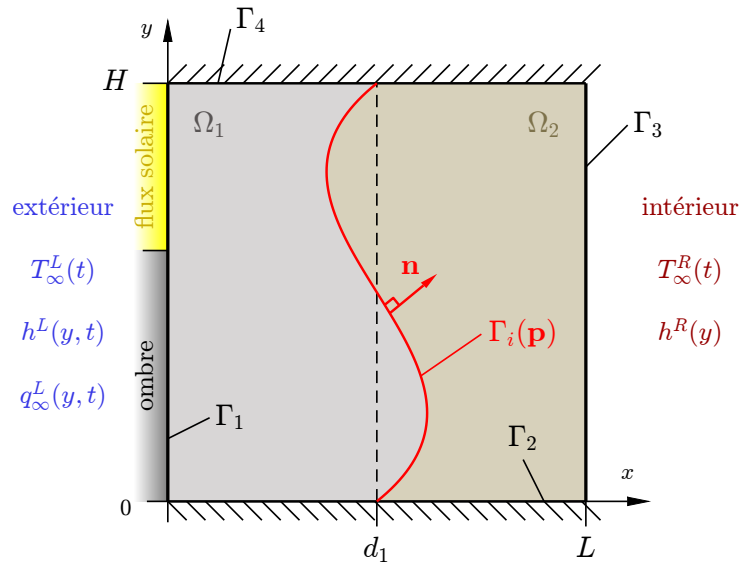


Figure 1 : Illustration du problème physique.

dans le cas où $\gamma(\mathbf{p}, y) = 0 \forall y$, alors l'interface est plane et on retrouve une paroi bi-couche classique. Les transferts thermiques dans chaque sous-domaine du mur sont supposés suivre l'équation de diffusion thermique en régime transitoire :

$$\frac{\partial}{\partial x} \left(\lambda(\mathbf{x}) \frac{\partial T}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left(\lambda(\mathbf{x}) \frac{\partial T}{\partial y} \right) = c(\mathbf{x}) \frac{\partial T}{\partial t}, \quad \forall \mathbf{x} \in \Omega_x \quad (2)$$

avec λ [W.m⁻¹.K⁻¹] la conductivité thermique et c [J.m⁻³.K⁻¹] la capacité calorifique volumique. Ces propriétés sont assumées constantes dans chacun des sous-domaines Ω_1 et Ω_2 . De ce fait leur définition passe par une fonction d'HEAVISIDE $\mathcal{H}$:

$$f(\mathbf{x}) = \mathcal{H}(\phi(\mathbf{p}, \mathbf{x})), \quad \forall \mathbf{x} \in \Omega_x, \quad \text{avec} \quad \phi(\mathbf{p}, \mathbf{x}) = x - \gamma(\mathbf{p}, y) \quad (3)$$

ce qui permet d'écrire les propriétés des domaines Ω_1 et Ω_2 :

$$\lambda(\mathbf{x}) = \lambda_1 (1 - f(\mathbf{x})) + \lambda_2 f(\mathbf{x}), \quad \forall \mathbf{x} \in \Omega_{\mathbf{x}} \quad (4a)$$

$$c(\mathbf{x}) = c_1 (1 - f(\mathbf{x})) + c_2 f(\mathbf{x}), \quad \forall \mathbf{x} \in \Omega_{\mathbf{x}} \quad (4b)$$

Les conditions aux limites sur les frontières Γ_1 et Γ_3 sont de type ROBIN. Côté extérieur, l'équilibre entre les flux diffusifs, radiatifs et convectifs s'écrit :

$$\lambda(\mathbf{x}) \cdot \frac{\partial T}{\partial x} = h^L(y, t) (T - T_{\infty}^L(t)) + q_{\infty}^L(y, t), \quad \forall \mathbf{x} \in \Gamma_1 \quad (5)$$

où T_{∞}^L est la température d'air extérieur, h^L [W.m⁻².K⁻¹] le coefficient de convection, et q_{∞}^L le flux radiatif incident, tous trois définis en fonction des conditions météorologiques. Le flux incident est calculé à l'aide d'une méthodologie de comptage de pixels [4] qui permet de retranscrire la variation spatiale et temporelle du flux sur la paroi du fait de l'intensité de l'ensoleillement et des phénomènes d'ombrage provoqués par un bâtiment face à Γ_1 . Le coefficient de convection dépend quant à lui de la vitesse du vent loin du mur v_{∞} [5] et est défini comme dans [2]. Côté intérieur, l'équilibre ne concerne que les flux diffusifs et convectifs :

$$\lambda(\mathbf{x}) \cdot \frac{\partial T}{\partial x} = -h^R(y) (T - T_{\infty}^R(t)), \quad \forall \mathbf{x} \in \Gamma_3 \quad (6)$$

où T_{∞}^R [K] est la température d'air intérieur et h^R [W.m⁻².K⁻¹] le coefficient de convection définie comme dans [6] et utilisé dans [2]. T_{∞}^R [K] est régulée pour simuler l'existence d'un système de chauffage et de climatisation de sorte que :

$$T_{\infty}^R(t) = \max \left(T_{\text{set}}^h, \min \left(T_{\text{set}}^e, T_{\text{set}}^h + \frac{T_{\infty}^L(t) - T_{\text{heat}}}{T_{\text{cool}} - T_{\text{heat}}} \cdot (T_{\text{set}}^e - T_{\text{set}}^h) \right) \right) \quad (7)$$

avec T_{set}^h [K] et T_{set}^e [K] les températures intérieures de consigne en hiver et en été, T_{heat} [K] et T_{cool} [K] les températures extérieures de déclenchement du chauffage et de la climatisation. Ensuite les conditions limites aux frontières Γ_2 et Γ_4 sont assumées comme adiabatiques. Puis, à l'interface Γ_i la continuité du flux conductif et l'égalité des températures sont assurées :

$$\begin{aligned} -[\lambda(\mathbf{x}) \cdot \nabla T]_{\Gamma_i^-} \cdot \mathbf{n} &= -[\lambda(\mathbf{x}) \cdot \nabla T]_{\Gamma_i^+} \cdot (-\mathbf{n}), \\ T_{\Gamma_i^-} &= T_{\Gamma_i^+}, \end{aligned} \quad \forall \mathbf{x} \in \Gamma_i \quad (8)$$

Enfin, la condition initiale est fixée comme une rampe de température entre T_{∞}^L et T_{∞}^R de sorte à respecter les conditions limites.

2.2. Méthode numérique

Une discrétisation uniforme en temps et en espace est considérée, avec les pas Δt pour le temps, Δx pour l'espace x et Δy pour l'espace y . Les valeurs discrètes de température $T(\mathbf{x}, t)$ sont écrites sous la forme $T_{ji}^n := T(x_j, y_i, t^n)$ avec $i = \{1, \dots, N_y\}$, $j = \{1, \dots, N_x\}$ et $n = \{1, \dots, N_t\}$. L'équation 2 discrétisée en utilisant les approximations par différences finies donne ainsi :

$$\begin{aligned} &\frac{1}{\Delta x} \left[\lambda_{j+\frac{1}{2}i} \left(\frac{T_{j+1i}^n - T_{ji}^n}{\Delta x} \right) - \lambda_{j-\frac{1}{2}i} \left(\frac{T_{ji}^n - T_{j-1i}^n}{\Delta x} \right) \right] \\ &+ \frac{1}{\Delta y} \left[\lambda_{ji+\frac{1}{2}} \left(\frac{T_{ji+1}^n - T_{ji}^n}{\Delta y} \right) - \lambda_{ji-\frac{1}{2}} \left(\frac{T_{ji}^n - T_{ji-1}^n}{\Delta y} \right) \right] = c_{ji} \frac{T_{ji}^{n+1} - T_{ji}^n}{\Delta t} \end{aligned} \quad (9)$$

où les conductivités thermiques sont évaluées entre les noeuds du maillage, de sorte que : $\lambda_{ji+\frac{1}{2}} = 1/2 (\lambda(x_j, y_i) + \lambda(x_j, y_i + \Delta y))$.

2.2.1. Schéma général

Pour l'intégration numérique, le schéma de DUFORT-FRANKEL est utilisé car il permet d'obtenir un modèle inconditionnellement stable tout en conservant une forme explicite, comme détaillé dans [1]. L'application du schéma à l'équation (9) donne après simplification :

$$T_{ji}^{n+1} = \Sigma_{j-\frac{1}{2}i} \cdot T_{j-1i}^n + \Sigma_{j+\frac{1}{2}i} \cdot T_{j+1i}^n + \Sigma_{ji-\frac{1}{2}} \cdot T_{ji-1}^n + \Sigma_{ji+\frac{1}{2}} \cdot T_{ji+1}^n + \Sigma_{ji} \cdot T_{ji}^{n-1} \quad (10)$$

où :

$$\Sigma_{j-\frac{1}{2}i} = \frac{2k_{j-\frac{1}{2}i}}{1+K}, \quad \Sigma_{j+\frac{1}{2}i} = \frac{2k_{j+\frac{1}{2}i}}{1+K}, \quad \Sigma_{ji-\frac{1}{2}} = \frac{2k_{ji-\frac{1}{2}}}{1+K},$$

$$\Sigma_{ji+\frac{1}{2}} = \frac{2k_{ji+\frac{1}{2}}}{1+K} \quad \text{et} \quad \Sigma_{ji} = \frac{1-K}{1+K}$$

et :

$$k_{j-\frac{1}{2}i} = \frac{\Delta t \lambda_{j-\frac{1}{2}i}}{\Delta x^2 c_{ji}}, \quad k_{j+\frac{1}{2}i} = \frac{\Delta t \lambda_{j+\frac{1}{2}i}}{\Delta x^2 c_{ji}}, \quad k_{ji-\frac{1}{2}} = \frac{\Delta t \lambda_{ji-\frac{1}{2}}}{\Delta y^2 c_{ji}},$$

$$k_{ji+\frac{1}{2}} = \frac{\Delta t \lambda_{ji+\frac{1}{2}}}{\Delta y^2 c_{ji}} \quad \text{et} \quad K = k_{j-\frac{1}{2}i} + k_{j+\frac{1}{2}i} + k_{ji-\frac{1}{2}} + k_{ji+\frac{1}{2}}$$

Concernant les conditions limites, les dérivées spatiales sont approximées à l'ordre 2 afin de conserver la précision du schéma [1].

2.2.2. Schéma au niveau de l'interface

L'intégration numérique aux nœuds situés à proximité de l'interface Γ_i repose sur la Ghost Fluid Method (GFM), décrite en détail dans [7, 8]. Dans l'approche adoptée, la continuité du flux conductif, définie par l'équation (8), est approximée en considérant que le vecteur normal à l'interface $\mathbf{n}$ est aligné avec l'axe du maillage traversé à savoir x ou y . Cette méthode simplifie les calculs numériques en restreignant l'évaluation de la continuité du flux aux directions alignées avec les axes du maillage.

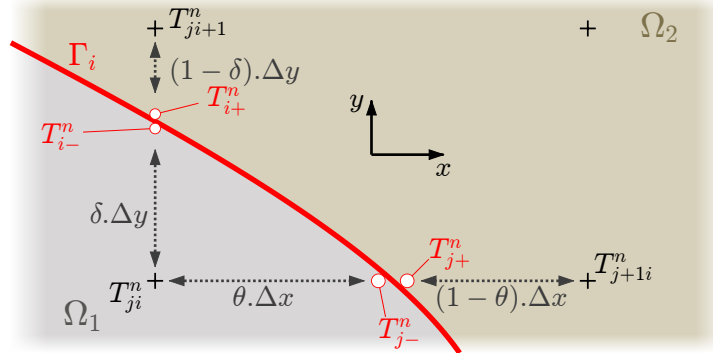


Figure 2 : Illustration de la GFM simplifiée.

Afin d'illustrer la modification de l'équation (9) à l'interface entre les deux matériaux, le cas illustré dans la Figure 2, où Γ_i passe entre les nœuds $\{j, i\} - \{j+1, i\}$ et $\{j, i\} - \{j, i+1\}$, est considéré. Tout d'abord, les conditions à l'interface de l'équation (8), sont approximées suivant x et y et font intervenir les nœuds fantôme T_{j-}^n et T_{j+}^n (en x), et T_{i-}^n et T_{i+}^n (en y).

$$\lambda_2 \cdot \frac{T_{j+1i}^n - T_{j+}^n}{(1-\theta) \cdot \Delta x} - \lambda_1 \cdot \frac{T_{j-}^n - T_{ji}^n}{\theta \Delta x} = 0, \quad \text{et} \quad T_{j+}^n - T_{j-}^n = 0 \quad \text{avec} \quad \theta = \frac{|\phi_{ji}^x|}{|\phi_{ji}^x| + |\phi_{j+1i}^x|} \quad (11a)$$

$$\lambda_2 \cdot \frac{T_{ji+1}^n - T_{i+}^n}{(1-\delta) \Delta y} - \lambda_1 \cdot \frac{T_{i-}^n - T_{ji}^n}{\delta \Delta y} = 0, \quad \text{et} \quad T_{i+}^n - T_{i-}^n = 0 \quad \text{avec} \quad \delta = \frac{|\phi_{ji}^y|}{|\phi_{ji}^y| + |\phi_{ji+1}^y|} \quad (11b)$$

où : $\phi_{ji}^x = x_j - \gamma(\mathbf{p}, y_i)$ et $\phi_{ji}^y = y_i - \gamma^{-1}(\mathbf{p}, x_j)$ représentent les distances à l'interface. Ensuite, au noeud $\{j, i\}$ l'équation discrétisée (9) est modifiée en utilisant les noeuds fantômes $T_{i\pm}^n$ et $T_{j\pm}^n$:

$$\begin{aligned} & \frac{1}{\Delta x} \left[\lambda_{j+\frac{1}{2}i} \left(\frac{T_{j-}^n - T_{ji}^n}{\theta \Delta x} \right) - \lambda_{j-\frac{1}{2}i} \left(\frac{T_{ji}^n - T_{j-1i}^n}{\Delta x} \right) \right] \\ & + \frac{1}{\Delta y} \left[\lambda_{ji+\frac{1}{2}} \left(\frac{T_{i-}^n - T_{ji}^n}{\delta \Delta y} \right) - \lambda_{ji-\frac{1}{2}} \left(\frac{T_{ji}^n - T_{ji-1}^n}{\Delta y} \right) \right] = c_{ji} \frac{T_{ji}^{n+1} - T_{ji}^n}{\Delta t} \end{aligned} \quad (12)$$

Au final, après isolement des termes fantômes T_{j-}^n et T_{i-}^n dans les équations (11a) et (11b) et injection dans l'équation (12), il vient la même forme explicite que l'équation (10) où les termes suivant sont modifiés :

$$k_{j+\frac{1}{2}i} = \frac{\Delta t \lambda_{j+\frac{1}{2}i}}{\Delta x^2 c_{ji}} \cdot \frac{\hat{\lambda}_x}{\lambda_1} \quad \text{et} \quad k_{ji+\frac{1}{2}} = \frac{\Delta t \lambda_{ji+\frac{1}{2}}}{\Delta y^2 c_{ji}} \cdot \frac{\hat{\lambda}_y}{\lambda_2}$$

avec :

$$\hat{\lambda}_x = \frac{\lambda_1 \lambda_2}{\lambda_2 \theta + \lambda_1 (1 - \theta)} \quad \text{et} \quad \hat{\lambda}_y = \frac{\lambda_1 \lambda_2}{\lambda_2 \delta + \lambda_1 (1 - \delta)}$$

3. Cas d'étude

3.1. Description

Le cas d'étude concerne un mur, présentant une hauteur $H = 3$ m, une largeur $L = 0.4$ m et une interface suivant un polynôme de troisième ordre comme dans [3] et définie par :

$$\gamma(\mathbf{p}, y) = d_1 + p_0 \frac{y}{H} \left(\frac{y}{H} - p_1 \right) \left(\frac{y}{H} - 1 \right) \quad (13)$$

avec $d_1 = 0.2$ m, p_0 et p_1 , les paramètres d'interface. Le domaine Ω_1 est composé de béton ($\lambda_1 = 2$ W.m⁻¹.K⁻¹, $c_1 = 1900$ kJ.m⁻³.K⁻¹), et Ω_2 de laine de verre ($\lambda_2 = 0.04$ W.m⁻¹.K⁻¹, $c_2 = 22.5$ kJ.m⁻³.K⁻¹). L'absorptivité de la surface extérieure Γ_1 est fixée à 0.5. La paroi est située en zone urbaine avec un bâtiment de 3 m de hauteur situé à 5 m devant la façade extérieure. Les conditions extérieures donnant les valeurs de T_∞^L , q_∞^L , h^L sont celles de la ville de Chambéry (climat standard réglementaire) et construites comme détaillé plus haut. La température intérieure est régulée grâce aux valeurs : $T_{\text{set}}^h = 19$ °C, $T_{\text{set}}^e = 24$ °C, $T_{\text{heat}} = 17$ °C et $T_{\text{cool}} = 27$ °C.

3.2. Vérification du modèle

Tout d'abord, le modèle est vérifiée à l'aide du code aux éléments finis de la Partial Differential Equation Toolbox de Matlab, en considérant les paramètres d'interface $p_0 = 1$, $p_1 = 0.5$. Les écarts étudiés sont ceux présentés dans [9] où le champ de référence est d'abord calculé sur une grille raffinée adaptée à la méthode des éléments finis, puis est interpolé de manière linéaire sur la grille de calcul du modèle : $\varepsilon_2(\mathbf{x}, t) \stackrel{\text{def}}{=} \langle (T^{\text{ref}}(\mathbf{x}, t^n) - T(\mathbf{x}, t^n))^2 \rangle_t$, et $\varepsilon_\infty(\mathbf{x}, t) \stackrel{\text{def}}{=} \sup_{\mathbf{x} \in \Omega_x} (\varepsilon_2(\mathbf{x}, t))$ avec $\langle \cdot \rangle_t$ la moyenne temporelle.

La Figure 3a illustre la distribution de l'écart ε_2 au sein de la paroi. On observe que l'écart reste globalement localisé au niveau de l'interface malgré l'approximation formulée dans l'équation (11). Cependant, un écart plus prononcée apparaît aux intersections entre l'interface et les frontières. Cette observation pourrait être due soit à l'interpolation de la solution de référence sur la grille du modèle, soit au modèle lui-même. Par ailleurs, la Figure 3b présente l'évolution de l'écart ε_∞ en fonction du pas de temps Δt . Les résultats montrent d'une part que le modèle

Figure 1 is a log-log plot showing the asymptotic error ε_∞ (K) on the y-axis versus the time step Δt (s) on the x-axis. The y-axis ranges from 10^{-1} to 10^0 K, and the x-axis ranges from 10^1 to 10^4 s. The plot displays three data series: 'model' (black dots), $\mathcal{O}(\Delta t)$ (red dashed line), and $\mathcal{O}(\Delta t^2)$ (yellow dashed line). The model data follows the $\mathcal{O}(\Delta t^2)$ line for small Δt (below 10^2 s) and transitions to follow the $\mathcal{O}(\Delta t)$ line for larger Δt (above 10^3 s).

3.4. Résultats

La procédure d'optimisation décrite est appliquée pour chaque mois de l'année ce qui permet d'obtenir des cartographies de la fonctionnelle J tel que présenté dans la Figure 4a, et les interfaces optimisées mensuelles présentées dans la Figure 4b. Le Tableau 1 donne les paramètres p associés et les gains sur la fonctionnelle.

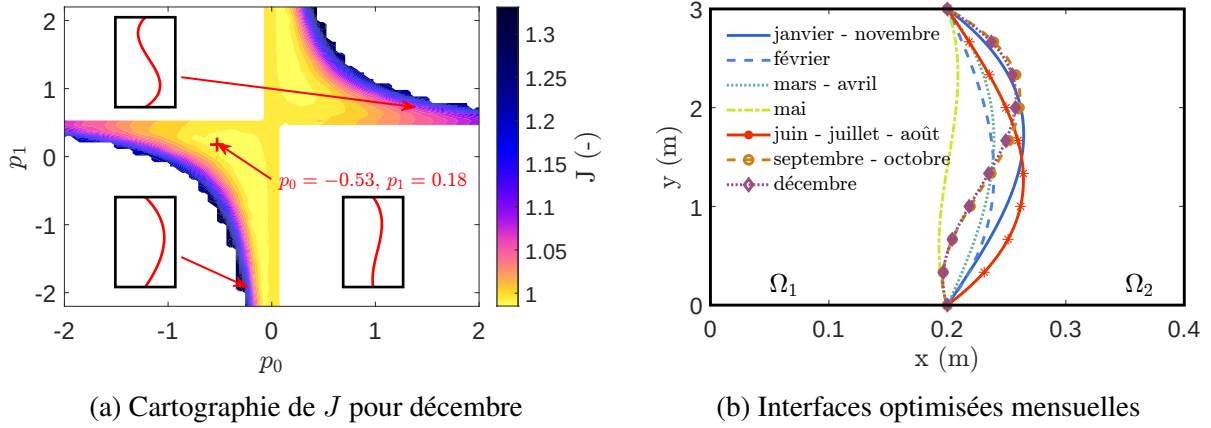


Figure 4 : Illustrations des interfaces optimisées.

Tout d'abord, il est constaté que certaines interfaces optimisées sont communes à plusieurs mois, généralement regroupées en fonction des saisons. Les analyses mettent en évidence que, durant les mois froids (octobre à janvier), l'interface optimale présente une concavité marquée au niveau de la partie supérieure du mur, tandis que pendant les mois chauds (juin à août), cette concavité se localise principalement dans la partie inférieure du mur. Ces observations suggèrent qu'une réduction de l'épaisseur de l'isolant dans la partie supérieure du mur pourrait limiter les déperditions thermiques de la paroi en hiver, tout en maximisant les apports solaires, qui sont concentrés majoritairement sur la partie supérieure de la face extérieure au cours de cette période. À l'inverse, une épaisseur d'isolant réduite dans la partie inférieure du mur engendrerait une diminution des apports thermiques, un effet qui pourrait être bénéfique en période estivale. Enfin, les mois tempérés (février à mai) se caractérisent par des interfaces présentant des formes moins marquées, tendant davantage vers une configuration plane. Toutefois, il convient de noter que le gain obtenu est relativement faible ($\approx 1.5\%$) pendant une grande partie de l'année, à l'exception des périodes allant de juin à août (8.47%) et de septembre à octobre (6.84%), qui correspondent respectivement à la saison estivale et à une période de froid modéré.

Tableau 1 : Valeurs des paramètres p et du gain ΔJ pour les interfaces optimisées mensuelles.

	janv. - nov.	févr.	mars - avr.	mai	juin - juill. - août	sept. - oct.	déc.
p_0	-0.17	0.08	-0.08	-0.17	0.17	-0.56	-0.53
p_1	-1.01	2.56	-1.56	0.47	2.01	0.18	0.18
ΔJ [%]	1.50	1.54	1.20	0.42	8.47	6.84	1.48

Enfin, l'analyse est complétée par une étude des phénomènes physiques exposées sur la Figure 5. Le graphique (Figure 5 (haut)) expose les conditions extérieures et le second (Figure 5 (bas)) l'évolution du flux à l'interface q^i [W]. Au cours de cette période, la différence de température entre l'intérieur et l'extérieur génère exclusivement des déperditions thermiques, tandis que l'ensoleillement, bien que faible, reste spatialement hétérogène sur la face extérieure. Il est ainsi observé que, dans ces conditions, le flux thermique à l'interface, qui représente un flux déperditif, est réduit de 15 à 20% grâce à la forme optimisée, ce qui témoigne de l'efficacité de la nouvelle interface.

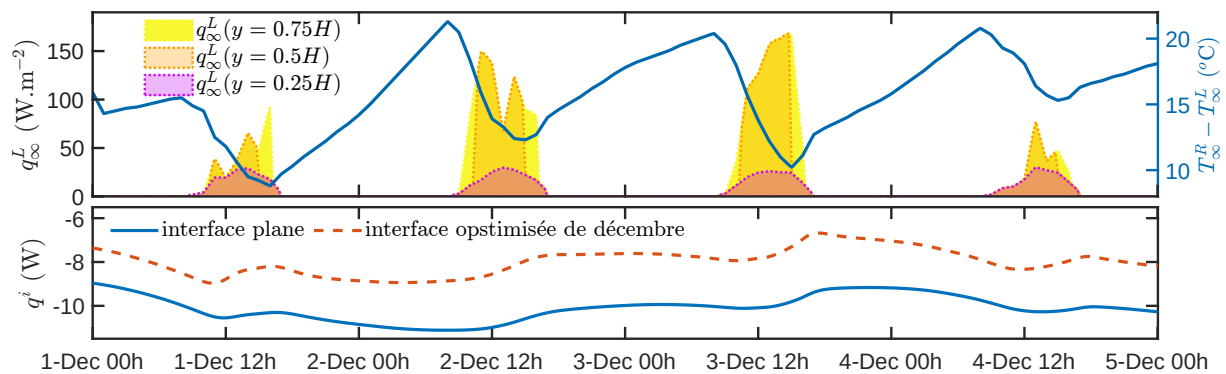


Figure 5 : Illustration du gain instantané apporté par la paroi optimisée comparée à celle plane.

4. Conclusion

Cet article propose un modèle numérique innovant dédié à l'amélioration des performances énergétique des parois multicouches des bâtiments. Dans un premier temps, le modèle est validé à l'aide d'un code aux éléments finis, démontrant un écart maîtrisé malgré l'introduction d'une interface complexe. Ensuite, l'étude de cas menée pour la ville de Chambéry met en évidence des perspectives encourageantes : bien que les gains énergétiques soient modérés sur une grande partie de l'année, des améliorations notables sont réalisables durant les périodes estivales et automnales, témoignant d'un véritable potentiel. Par ailleurs, ces résultats spécifiques au cas étudié suggèrent que d'autres applications pourraient conduire à des améliorations plus significatives. Les travaux futurs ambitionnent ainsi d'étendre cette approche à d'autres contextes climatiques et d'explorer de nouvelles méthodes de modélisation de l'interface, élargissant ainsi les possibilités d'innovation.

Remerciements

Les auteurs remercient l'Agence National de Recherche (ANR) pour le financement du projet TOPS au titre du programme *JCJC CE-22 AAPG 2023*.

Références

- [1] J. Berger et al., *An efficient two-dimensional heat transfer model for building envelopes*, Numerical Heat Transfer, Part A : Applications, Vol.79, No.3, 163–194, 2020. [2](#), [4](#)
- [2] Z. Karashbayeva et al., *Optimisation of the insulation domain for heat transfer in building wall*, 11th International conference in inverse problems in engineering : theory and practice (ICIPE 2024), Buzios, Brazil, 2024. [2](#), [3](#)
- [3] S. Alpar et al., *Shape optimization of the energy efficiency of building retrofitted facade*, Solar Energy, Vol.271, 112437, 2024. [2](#), [5](#)
- [4] A.P. de Almeida Rocha et al., *Experimental validation and comparison of direct solar shading calculations within building energy simulation tools : Polygon clipping and pixel counting techniques*, Solar Energy, Vol.158, 462–473, 2017. [3](#)
- [5] W.H. McAdams, *Heat transmission*, Krieger Pub Co, 1985. [3](#)
- [6] G.H. dosSantos et al., *A building corner model for hygrothermal performance and mould growth risk analyses*, International Journal of Heat and Mass Transfer, Vol.52, No.21, 4862–4872, 2009. [3](#)
- [7] X.-D. Liu et al., *A Boundary Condition Capturing Method for Poisson's Equation on Irregular Domains*, Journal of Computational Physics, Vol.160, No.1, 151–178, 2000. [4](#)
- [8] C. Li et al., *Alternating direction ghost-fluid methods for solving the heat equation with interfaces*, Computers & Mathematics with Applications, Vol.80, No.5, 714–732, 2020. [4](#)
- [9] S. Gasparin et al., *An innovative method to determine optimum insulation thickness based on non-uniform adaptive moving grid*, Journal of the Brazilian Society of Mechanical Sciences and Engineering, Vol.41, No.4, 173, 2019. [5](#)